# Visualisierung rekursiver Datenstrukturen mit der Turtle

- Inhalte des Lehrplans in Informatik der Q11: 11.1 Rekursive Datenstrukturen
  - 11.1.1 Listen (29h)
  - 11.1.2 Bäume als spezielle Graphen (29h)

Im Rahmen praktischer Fragestellungen, z. B. zur Planung von Verkehrsrouten, wenden die Schüler auch die Datenstruktur Graph als Erweiterung der Struktur Baum an.

• ...

 die Datenstruktur Graph als Verallgemeinerung des Baums; Eigenschaften (gerichtet/ungerichtet, bewertet/unbewertet); Adjazenzmatrix

#### Warum die Turtle einsetzen?



- Lern-/Lehrende verlieren schnell die Motivation, wenn nach der *Liste* auch beim *Baum* wieder "nur" textuelle Ausgaben erfolgen
- übliche Grafikausgaben (mit GUIs wie Tkinter, Swing, wxwindows, ...) erfordern VIEL ZU VIEL
   Implementierungsaufwand - nicht gerechtfertigt
- Turtle ist schnell programmierbar, einfach integrierbar, liefert native Animationen und ... macht Spaß!



## Besonderheiten der Python-IDLE



- Falls direkt auf der Konsole gestartet: mainloop() schützt Turtle-Fenster vor Schluss
- Modifikation/Erstellung einer turtle.cfg im Arbeitsverzeichnis erlaubt Voreinstellungen:
   z.B. using\_IDLE = True
- turtle. exitonclick()
   Bind bye() method to mouse clicks on the Screen.

If the value "using\_IDLE" in the configuration dictionary is False (default value), also enter mainloop. Remark: If IDLE with the -n switch (no subprocess) is used, this value should be set to True in turtle.cfg. In this case IDLE's own mainloop is active also for the client script.

#### Kurzreferenz 1v3



_		
Turtle-Aktionen		
forward(px)	fd()	bewegt T. um px Pixel nach vorne
backward(px)	bk(), back()	bewegt T. um px Pixel nach hinten
right(winkel)	rt()	dreht T. um winkel im Uhrzeigersinn
left(winkel)	lt()	dreht T. um winkel gegen den Uhrzeigersinn
setposition(x,y)	setpos(), goto(	()positioniert T. auf x- und y-Koordinaten
setx(x), sety(y)		positioniert T. auf x- oder y-Koordinate
setheading(winkel)	seth()	setzt absolute Blickrichtung der T. auf winkel: 0=Osten, 90=Norden
home()		positioniert T. auf Startkoordinaten
circle(radius, winkel, eckenzahl)		zeichnet Kreis gemäß <i>radius</i> ; falls <i>winkel</i> entspr.
		Kreisbogen; falls eckenzahl entspr. Polygon
dot(größe, farbe)		zeichnet Punkt ggf. mit entspr. größe und farbe
stamp()		zeichnet TAbbild an dieser Position
clearstamps(n=None)		löscht (die letzten n) TAbbilder
speed(zahl)		steuert Animationsgeschwindigkeit gemäß zahl: 1-10 od. 0 (keine A.)
delay(millisec)		verzögert die Animation in millisec Wartezeit zw. Fensterupdates
undo()		macht letzte T.anweisung rückgängig
position()	pos()	gibt Position als Koordinatentupel zurück
towards(x,y)		berechnet Winkel zwischen Turtle-Orientierung und Punkt (x y)
xcor(), ycor()		gibt x- bzw. y-Koordinate zurück
heading()		gibt T.orientierung zurück; 0=Osten, 90=Norden, 180=Westen
distance(x,y)		berechnet Abstand der T. zum Punkt P(x y)



#### Kurzreferenz 2v3



Κo	Kontrolle des Stifts							
	pendown()	down(), pd()	bringt S. aufs Papier					
	penup()	up(),pu()	nimmt S. vom Papier					
	pensize(breite)	width()	setzt Stiftbreite auf Pixelbreite					
	pen()		gibt Stiftstatus als Dictionary zurück					
	isdown()		gibt True zurück, falls Stift schreibbereit					
	write(text, move, align, font)		gibt text entspr. align ='left' mittels font =					
			('Arial',8,'normal') aus; move=False: T. unbewegt					
	pencolor(), fillcolor()		gibt Strich-/Füllfarbe als Namen oder RGB-Tupel zurück					
	pen-/fillcolor(farbname)		setzt Strich-/Füllfarbe gemäß farbname					
	pen-/fillcolor((r,g,b))		setzt Strich-/Füllfarbe gemäß RGB-Komponenten (0-1 bzw. 0-255)					
	color(pencolor,fillcolor)		setzt Strich- und Füllfarbe gleichzeitig					
	filling()		gibt True zurück, falls Füllmodus aktiviert					
	begin_fill(), end_fill()		Füllmodus (de-)aktivieren					
Status der Turtle								
	showturtle()	st()	zeige Turtle					
	hideturtle()	ht()	verstecke Turtle					
	isvisible()		gibt True oder False zurück					
	shape(name=None)		name-Optionen: "arrow", "turtle", "circle", "square", "triangle", "classic"					
	getshapes()		gibt mögliche T.formen als Zeichenketten zurück (s.o.)					
	onclick(), onrelease(), ondrag()		Mouse-Events					
	resizemode(), shape-/turtlesize(),	shearfactor(),	ergänzende Methoden für die 'individuelle' Turtle-Gestaltung					
	settiltangle(), tiltangle(), tilt(), shap	etransform(), g	et_shapepoly()					
/								

#### Spezielle Turtle-Methoden

begin\_poly(); end\_poly(), get\_poly(), clone(), getturtle()/-pen(), getscreen(), setundobuffer(), undobufferentries()

#### Kurzreferenz 3v3



Turtle-Fenster							
	bgcolor()		setzt Hintergrundfarbe; Standard = "white"				
	bgpic(picname)		setzt/liest Hintergrundbild				
	clearscreen()	clear()	löscht Gezeichnetes				
	resetscreen()	reset()	löscht Gezeichnetes und versetzt Turtle in Ursprungszustand				
	screensize(x,y,bgcolor)		setzt Fensterbreite x und -höhe y; auch Angabe von bgcolor möglich				
	setworldcoordinates(lux,luy,rox,roy)		setzt Koordinatensystem neu: lu=links unten; ro=rechts oben				
	title("text")		setzt text als Fenstertitel				
window_width(), window_height()			gibt Fensterbreite bzwhöhe zurück				
textinput("Fenstertitel", Texttitel")			öffnet Dialogfenster mit Fenstertitel und Eingabefeld Texttitel;				
			gibt eingegebene Zeichenkette zurück				
numinput("Fenstertitel", "Texttitel",		,	wie oben, nimmt jedoch Zahlenwerte entgegen und kann das Interval				
	default=None, minval=None, ma	axval=None)	(minval – maxval) kontrollieren sowie einen default-Wert vorbelegen				



## Turtle ausprobieren... ...im Interpreter-Modus



- Starten Sie die IDE/den Editor IDLE auf der Konsole:
   python3.2 /usr/lib/python3.2/idlelib/idle.py -n
- Interpreter-Modus: importieren Sie alles aus dem turtle-Modul:
  - >>> from turtle import \*
- Spielen Sie ein wenig mit den Methoden der Turtle herum: mit der ersten ausgeführten Anweisung öffnet sich ein Turtle-Fenster



## Turtle ausprobieren ... im Editor-Modus

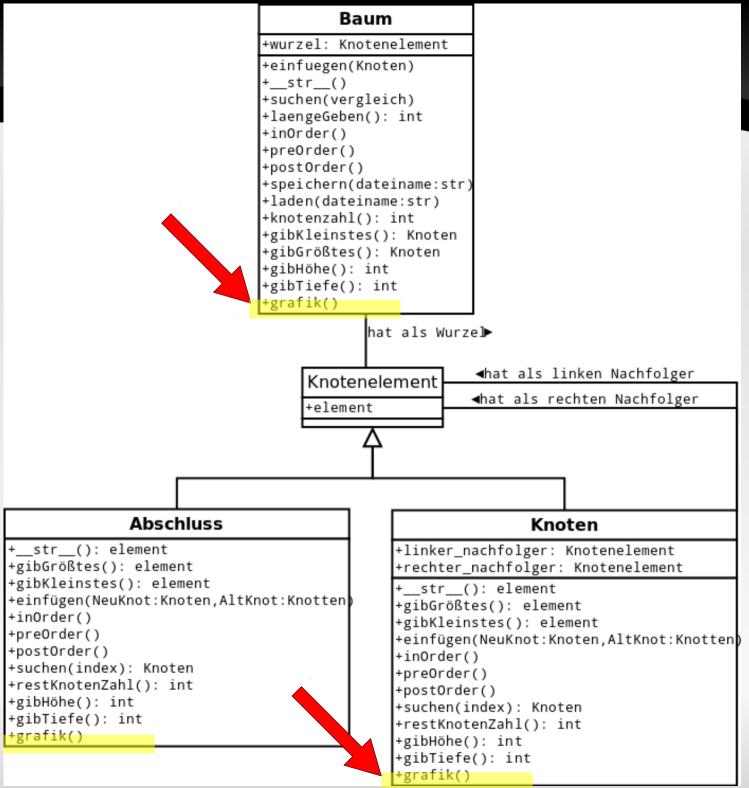


Bitte öffnen Sie das Skript "turtle\_test.py" in IDLE und starten es mit "F5";

Nehmen Sie bitte folgende Manipulationen vor:

- Strich- und Füllfarbe vom Benutzer erfragen;
- Stiftbreite gegen Ende verdoppeln;
- Introspektion: am Ende der Animation die Turtle-Attribute in der rechten oberen Ecke ausgeben

Das Skript farn.py zeigt sehr schön den rekursiven Ansatz bei Abbildung einer farnähnliche Pflanze – spielen Sie mit "Weg"!





# Composite-Pattern

ubuntu

## BinBaum Quellcode 1v3 "Baum"



```
def grafik(self,farbe="black"):
    "Raum mittels Turtle-Grafik visualisieren"
                                     # Zeichenfenster + Turtle auf Anfang
    reset()
    title("Binärbaum 'Max&Moritz'") # Benenne Turtle-Fenster
    shape("classic")
                                     # klassisches Turtle-Symbol
                                     # Stiftfarbe
    pencolor(farbe)
                                     # Stiftdicke
    pensize (2)
                                     # Geschwindigkeit auf "mittelschnell"
    speed(4)
    delay(20)
                                     # Verzögerung festlegen
    right (90)
                                     # Orientierung Turtle nach unten
    self.wurzel.grafik(200)
                                     # Grafik-Funktion auf Wurzelknoten aufrufen
                                     # verstecken
    ht ()
```



#### BinBaum Quellcode 2v3 "Knoten"



```
def grafik(self,schrittweite,farbeLinks="red", farbeRechts="blue"):
    "gibt Knoten als Turtle-Grafik aus"
    pencolor("black")
                                         # Stiftfarbe
    write (self.element, align='left',
          font=('Arial',12,'bold'))
                                         # Ausgabe Element + Schriftormatierung
                                         # Stiftfarbe 'rot' für linken Ast
    pencolor (farbeLinks)
                                         # Ortskoordinaten zwischenspeichern
    ort = pos()
                                         # Rechtsschwenk für l. Ast.
    right (45)
    fd(schrittweite)
                                         # l. Ast auslaufen
                                         # Linksschwenk in Senkrechte
    left (45)
    self.lnach.grafik(schrittweite*0.5) # lnach zeichnen...
    penup()
                                         # Stift hoch
    setpos(ort)
                                         # Ursprungsort aufsuchen
    pendown()
                                         # Stift runter
                                         # Stiftfarbe 'blau' für r. Ast
    pencolor (farbeRechts)
    left (45)
                                         # Turtle Linksschwenk f. r. Ast
    fd(schrittweite)
                                         # r. Ast auslaufen
                                         # Rechtsschwenk in Senkrechte
    right (45)
    self.rnach.grafik(schrittweite*0.5) # rnach zeichnen...
    setpos(ort)
                                         # Ursprungsort aufsuchen
```

## BinBaum Quellcode 3v3 "Abschluss"



```
def grafik(self,schrittweite):
    "löscht den Ast (die 3 letzten turtle-Befehle) zu diesem Abschluss"
    undo();undo();
```



## UML: Graph mit Adjazenzmatrix

```
GKnoten
                        GMatrix
                                                            enthält▶
  +gliste: list
                                                                       +x: int
  +gmatrix: list-of-lists
                                                                       +y: int
  +tsucheliste: list
                                                                       +name: str
                                                                       +größe: int
  +textausgabe()
                                                                        +marker: boolean
  +addGKnoten(neuKnot)
                                                                        kennzahl: float
  +addKante(startknoten:GKnoten,zielknoten:GKnoten,
                                                                        kennknoten: float
            gewicht:int,rückweg:boolean=True)
  +zeichneKante(v1:GKnoten,v2:GKnoten,farbe:str,
                                                                        +__str__()
                   icht:float,stiftbreite:int,
                                                                        +__repr__()
                gest w:int, verzögerung:int)
  +zeichneGKnoten(GKnoten, schriftfarbe:str,
                   knotenfarbe:str,geschw:int,
                  v zögerung:int)
  +zeichneGraph()
  +starteTsuche(vart: Xnoten)
  +tsuche(vstart: K ten, farbe: str=green)
  +dijkstra(startknot):GKnoten,zielknoten:GKnoten=None
verwendet für dijkstra(▶
                       HEAP
   +__repr__()
   + str ()
   +einfügen(element,prio:int,verbose:boolean=True)
   +entfernen(verbose:boolean=True)
   +sirtDown(index:int=1)
   +bubbleUp()
   +neuePrio(element,prioAlt:int,prioNeu:int)
```

ntu

#### Adjazenzmatrix: Liste-in-Liste



```
class GKnoten(object):
    "Modelliert Graph-Knoten"
    def init (self,x, y, name, größe, marker):
        "Konstruktor"
        self.x = x
                                        # x-Koordinate
        self.y = y
                                        # y-Koordinate
        self.name = name
                                        # Knotenname
        self.größe = größe
                                        # Knotengröße
        self.marker = marker
                                        # Markierungsattribut
   def str (self):
        return self.name
                                        # Ausgabe Konsole
   def repr (self):
       return self.name
                                        # Ausgabe via 'print()'
class GMatrix(object):
    "Adjazenzmatrix"
    def init (self, x,y,name, größe=1, marker=None):
        "Konstruktor"
        self.gliste = []
                                                # Liste der GKnoten
        self.gliste.append(GKnoten(x,y,name,größe,marker))# erster GKnoten
                                                # vorbefüllt
        self.qmatrix = [[0]]
                                                # Hilfsliste für Baumdarstellung T
        self.tsucheliste = []
```



#### Tiefensuche



```
# bereitet Graph auf Tiefensuche vor:
def starteTsuche(self, vstart):
    "Tiefensuche mit Wurzel GKnoten"
    print("\nTiefensuche startet am GKnoten:", vstart) # Kommentar
                                                         # Liste der Gknotennamen
    namensliste=[]
   for i in self.gliste:
                                                         # iteriere über gliste...
        i.marker = False
                                                         # demarkiere alle Knoten
        namensliste.append(i.name)
                                                         # und füge den Namen in Liste ein
    self.tsuche(self.qliste[namensliste.index(vstart)]) # starte Tiefensuche
def tsuche(self,vstart,farbe="green"):
    "eigentliche Tiefensuche"
    vstart.marker=True
                                                         # GKnoten markieren
    self.zeichneGKnoten(vstart, "black", "blue", 1, 10)
                                                         # färbe GKnoten blau
    for i in self.gliste:
        if self.gmatrix[self.gliste.index(vstart)][self.gliste.index(i)] and not i.marker:
            print(repr(vstart).ljust(10),"--->",i) # Textausgabe
            self.zeichneKante(vstart,i,
                              vstart in self.tsucheliste and "orange" or "green"
                              , "", 2, 1, 10)
                                                         # Kanten zeichnen
                                                        # fügt akt. GKnoten in Hilfsliste ein
            self.tsucheliste.append(vstart)
            self.tsuche(i)
                                                         # rekursiver Aufruf
```



### Job für die Turtle: zeichneKante(), zeichneGKnoten

```
zeichneKante(self, v1, v2, farbe, gewicht, stiftbreite=1, geschw=10, verzögerung=0):
    "zeichnet Kante zwischen 'vl' und 'v2' sowie 'gewicht' mit 'farbe'"
                                     # Geschwindigkeit
    speed (geschw)
    delay (verzögerung)
                                     # Verzögerung
                                     # Turtle verstecken
    st()
    up()
                                     # Stift hoch
    setpos(v1.x,v1.y)
                                     # Position v1
    color (farbe)
                                     # Farbe setzen
   pensize(stiftbreite)
                                     # Stiftbreite setzen
   pd()
                                     # Stift runter
    setpos (v2.x, v2.y)
                                     # Zeichnet Verbindung zu
                                     # Stift hoch
    up()
    ht ()
    setpos(v1.x + (v2.x-v1.x)/2,
           v1.y + (v2.y-v1.y)/2
                                     # Streckenmitte anvisieren
    write (gewicht)
                                     # Kantengewicht notieren
def zeichneGKnoten(self,GKnoten, schriftfarbe, gknotenfarbe, geschw=10, verzögerung=0):
    "zeichnet GKnoten in 'gknotenfarbe' und beschriftet ihn mit 'schriftfarbe'"
    speed (geschw)
                                     # Geschwindigkeit
    delay (verzögerung)
                                     # Verzögerung
                                     # verstecke Turtle
    ht ()
                                     # steuere GKnoten-Koordinaten an
    setpos (GKnoten.x, GKnoten.y)
                                     # Turtle runter
    pd()
    dot (GKnoten.größe, gknotenfarbe) # zeichnet Punkt entspr. d. Größe
    color(schriftfarbe)
                                     # wechselt Farbe
   write (GKnoten.name)
                                     # Ortsnamen schreiben
    up()
                                     # Turtle wieder hoch
```

### Dijkstra: Algorithmus

- Markiere die **Startstadt** rot, weise ihr die **Kennzahl** 0 zu. Bezeichne diese als **aktuelle Stadt**.
- Gehe aus von der aktuellen Stadt zu allen direkt erreichbaren Nachbarstädten.

... und führe das Folgende für jede Nachbarstadt durch:

Errechne die Summe aus der Kennzahl an der aktuellen Stadt und der Länge der Strecke dorthin.

- Ist die Nachbarstadt bereits rot markiert, mache nichts.
- Hat die Nachbarstadt keine Kennzahl, weise ihr die Summe als Kennzahl zu. markiere die Strecke zur aktuellen Stadt.
- Hat die Nachbarstadt eine Kennzahl kleiner der Summe, mache nichts.
- Hat die Nachbarstadt eine Kennzahl größer der Summe, streiche die dortige Kennzahl sowie die Markierung.
   Weise ihr danach die Summe als neue Kennzahl zu.
   Markiere die Strecke zur aktuellen Stadt.



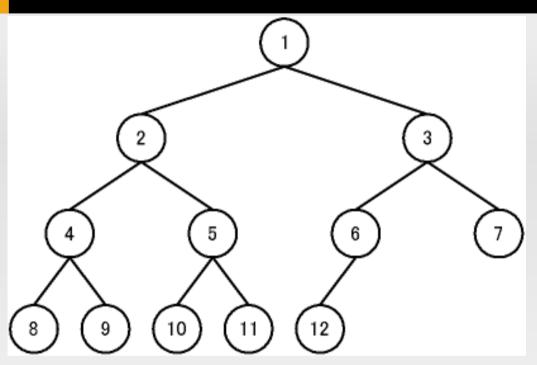
Errechne die Summe aus der Kennzahl an der aktuellen Stadt und der Länge der Strecke dorthin.

- Ist die Nachbarstadt bereits rot markiert, mache nichts.
- Hat die Nachbarstadt keine Kennzahl, weise ihr die Summe als Kennzahl zu. markiere die Strecke zur aktuellen Stadt.
- Hat die Nachbarstadt eine Kennzahl kleiner der Summe, mache nichts.
- Hat die Nachbarstadt eine Kennzahl größer der Summe, streiche die dortige Kennzahl sowie die Markierung. Weise ihr danach die Summe als neue Kennzahl zu. Markiere die Strecke zur aktuellen Stadt.
- Betrachte alle Städte, die zwar eine Kennzahl haben, aber noch nicht rot markiert sind. Suche die Stadt mit der kleinsten Kennzahl.
- Bezeichne diese als aktuelle Stadt. Weisen mehrere Städte die 3. kleinste Kennzahl auf, wähle eine beliebige davon als aktuelle Stadt.
- Markiere die aktuelle Stadt rot. zeichne die dort markierte Strecke in rot ein.
- Falls es noch Städte gibt, die nicht rot markiert sind, weiter bei (1.)





#### Prioritätswarteschlange: Heap



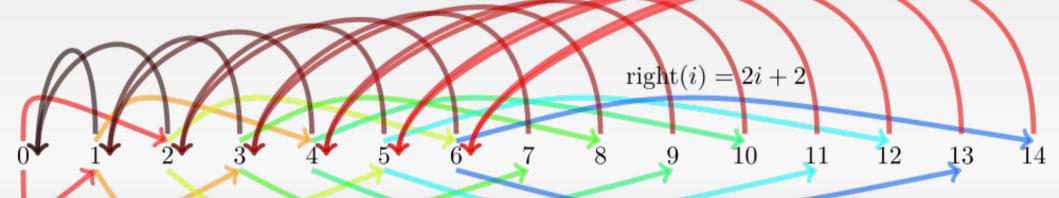
Quellen: Wikimedia Commons: Nagae↑, Gms↓

Seriell (als Array) implementiert;

#### Methoden:

- einfügen (immer am Ende)
- bubbleup (Platztausch mit Elter)
- entfernen (immer die Wurzel)
- sirtDown (das letzte Element auf Wurzel, P.tausch mit Kindern)

$$parent(i) = \lfloor \frac{i-1}{2} \rfloor$$



#### Tiefensuche oder Dijkstra?



- 4 Optionen (siehe Skript-Ende):
  - textausgabe() der Matrix auf der Konsole
  - Tiefensuche mit starteTsuche() an Startknoten
  - dijkstra() nur mit Startknoten (original) erzeugt n-Baum kürzester Entfernungen
  - dijkstra() modifiziert mit Start- und Zieleingabe erzeugt Pfad vom Ziel- zum Startknoten

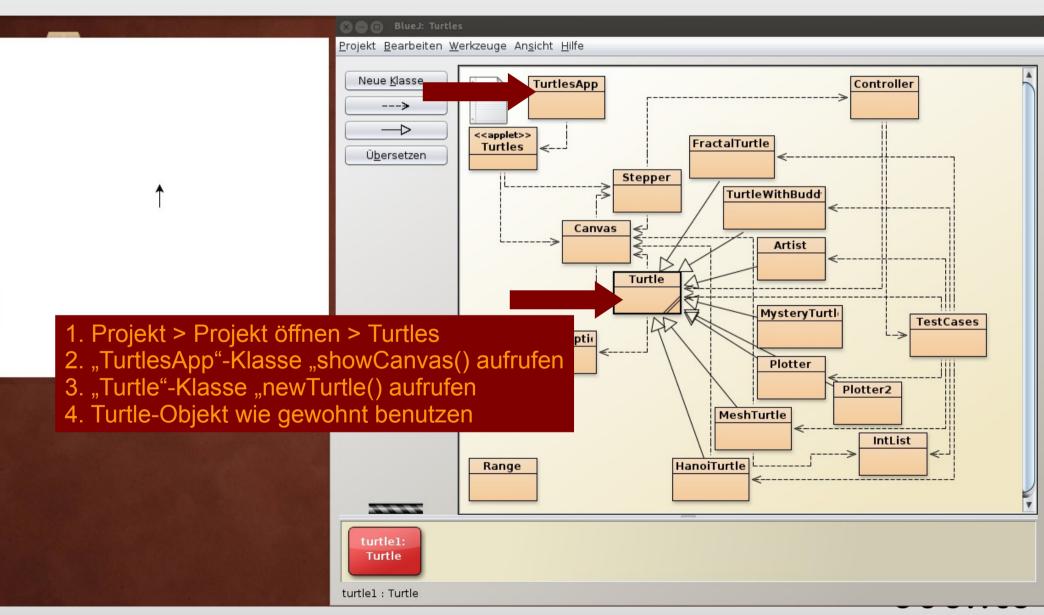
```
gm.addKante("Finning", "Hagenheim", 5)
gm.addKante("Mundraching", "Hagenheim", 9.6)

#gm.textausgabe()
gm.zeichneGraph()
#gm.starteTsuche("Burching")
gm.dijkstra("Kaufering", "Greifenberg")
#gm.dijkstra("Kaufering")
exitonclick()
```



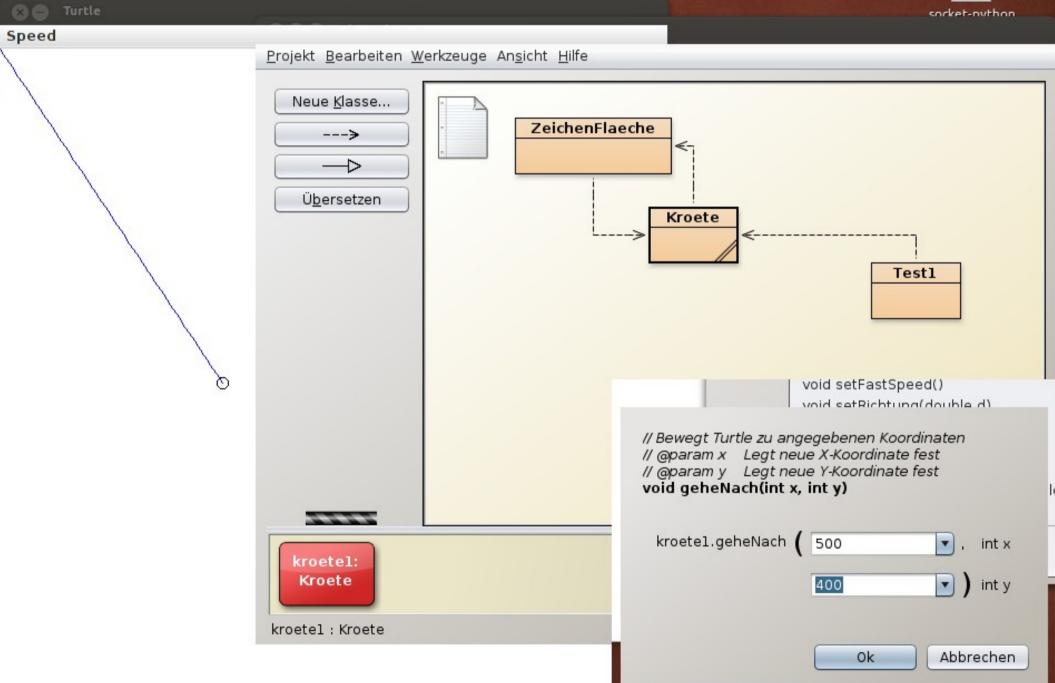
#### **Turtle mit BlueJ**





#### "Kroete" mit BlueJ





## Versionsdifferenzen: Python 2.x und 3.x



- 2.x-Python wurde aus Kompatibilitätsgründen bis zur Version 2.7.3 weiterentwickelt; keine weiteren Verbesserungen mehr zu erwarten
- 3.x-Python ist nicht mehr abwärts kompatibel ist; für den Unterricht sind die Unterschiede jedoch relativ gering, interessant ist aber vor allem die Unicode-Unterstützung!
- print "Das ist Python", print
- type long
- str (8-bit)+Unicode()
- 1/2 = 0; 1/2. = 0
- raw\_input(), input()
- class Klasse:
- Oberklasse.\_\_init\_\_()

- print("Das ist Python"), print ()
- nur noch int
- text (Unicode)+data (bytes)
- 1/2 = 0.5; 1//2 = 0
- input(), eval(input())
- class Klasse(object):
- super().\_\_init\_\_()

